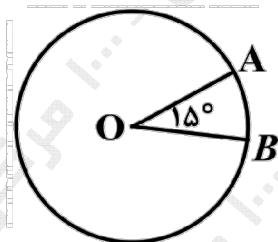
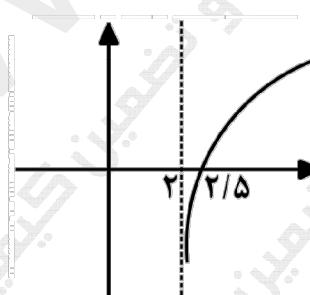


ساعت شروع: ۰۷:۳۰ صبح		عنوان: علوم تجربی	رشته: ۳	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضی ۲
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خرد داد azmoon.medu.ir					
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.				
ردیف					
۰.۷۵	<p>درستی و نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.</p> <p>(الف) معادله <math>x^3 + 1 = 0 - 3x^3</math> دارای دو جواب حقیقی است.</p> <p>(ب) دوتابع <math>f(x) = \sqrt{x^2 - x}</math> و <math>g(x) = \sqrt{x} \cdot \sqrt{x-1}</math> با هم برابرند.</p> <p>(پ) نمودار تابع <math>f(x) = \cos\left(\frac{19\pi}{2} + x\right)</math> بر نمودار تابع <math>g(x) = \sin x</math> منطبق است.</p>				
۱	<p>جاهاي خالي را با عبارت‌های مناسب کامل کنيد.</p> <p>(الف) اگر واريانس داده‌های <math>x_1, x_2, x_3, x_4</math> برابر ۷ باشد آنگاه واريانس داده‌های <math>-2, 3x_1 - 2, 3x_2 - 2, 3x_3 - 2, 3x_4</math> برابر ..... است.</p> <p>(ب) در سهمی با ضابطه <math>y = ax^3 + bx^2 + c</math> که نمودار آن به صورت مقابل است علامت <math>c</math> ..... می‌باشد.</p> <p>(پ) برد تابع با ضابطه <math>y = 3^x</math> بازهی ..... است.</p> <p>(ت) انتهای کمان زاویه ۶ رادیان درربع ..... دایره مثلثاتی قرار دارد.</p>				
۰.۷۵	خط $4x - 3y = 0$ بر دایره‌ای به مرکز $(-1, 3)$ مماس است. مساحت دایره را محاسبه کنید.				
۱.۷۵	<p>(الف) معادله درجه دومی بنویسید که ریشه‌های آن <math>\frac{2-\sqrt{3}}{5}</math> و <math>\frac{2+\sqrt{3}}{5}</math> باشند.</p> <p>(ب) معادله <math>x + 4 = \sqrt{x+2}</math> را حل کنید.</p>				
۱	<p>در شکل مقابل <math>BC \parallel DE</math> می‌باشد. مقادیر <math>x</math> و <math>y</math> را محاسبه کنید.</p>				
۱	<p>در شکل مقابل <math>AB \parallel ED</math> است.</p> <p>(الف) نشان دهید دو مثلث <math>CDE</math> و <math>ABC</math> متشابه هستند؟</p> <p>(ب) اگر <math>DM = 4</math>, <math>AN = 3</math>, <math>BE = 7</math> باشد آنگاه طول ضلع <math>BC</math> را محاسبه کنید.</p>				

سوالات آزمون نهایی درس: ریاضی ۲			
ردیف	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ آزمون:	نام و نام خانوادگی:
ردیف	نامه	ساعت شروع:	ساعت ۷:۳۰ صبح
۱۲۰	مدت آزمون:	۱۴۰۳/۰۳/۳۰	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد azmoon.medu.ir
۱۴۰۳	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		
۰.۷۵	۷	نمودار تابع $y = 1 - 2[x]$ را در بازه $[1, 2]$ رسم کنید. ( ) نماد جزء صحیح است	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.
۲	۸	الف) اگر وارون تابع $f(x) = ax + 4$ از نقطه $(5, \frac{5}{3})$ بگذرد آنگاه ضابطه وارون $f$ را بدست آورید. ب) اگر $1 + \frac{5x+4}{x-3}$ باشد آنگاه <u>دامنه</u> و <u>ضابطه‌ی</u> تابع $f(x) = x + 4$ را بدست آورید.	
۱.۷۵	۹	الف) دونده‌ای مطابق شکل، روی مسیر دایره‌ای از نقطه $A$ به نقطه $B$ می‌رسد. اگر شعاع دایره برابر ۹ متر باشد آنگاه طول کمان $AB$ چند متر است؟ ( $\widehat{AOB} = 15^\circ$ ) ب) حاصل عبارت زیر را بدست آورید. $A = \tan\left(\frac{8\pi}{3}\right)\cos\left(-\frac{3\pi}{4}\right) + \sin(66^\circ)\cot(-30^\circ) =$	
۰.۷۵	۱۰	نمودار تابع $y = 1 - \sin x$ را در بازه‌ی $[0, 2\pi]$ رسم کنید.	
۱.۵	۱۱	معادلات زیر را حل کنید. الف) $\left(\frac{1}{16}\right)^{2x-1} = 32^{1-x}$ ب) $\log_2(x^2 - 1) = 1 + \log_2(x + 3)$	
۱.۲۵	۱۲	الف) اگر $m = \log 2$ و $n = \log 3$ باشد آنگاه مقدار $\log \frac{\sqrt{27}}{16}$ را بر حسب $m$ و $n$ بدست آورید. ب) در دستگاه مختصات مختصات مقابله نمودار تابع $y = a + \log_b(x + b)$ با ضابطه‌ی $(x + b)$ رسم شده است. مقادیر $b$ و $a$ را بدست آورید. 	

ساعت شروع: ۰۷:۳۰ صبح		نام و نام خانوادگی:	رشته: علوم تجربی	تعداد صفحه: ۳	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضی ۲	
نمره	ردیف	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خود را در azmoon.medu.ir					
۰.۷۵	۱۳	<p>سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.</p> <p>نمودار تابع <math>f</math> به صورت مقابل داده شده است. مطلوب است:</p> <p>الف) <math>\lim_{x \rightarrow 1} f(x)</math></p> <p>ب) <math>\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)</math></p> <p>پ) آیا تابع <math>f</math> در بازه <math>[1, -1]</math> پیوسته است؟</p>					
۱.۰۵	۱۴	<p>حدود زیر را در صورت وجود بیابید. ( ) نماد جزء صحیح است</p> <p>(الف) <math>\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{8-x^3}{x^3+3x-10}</math></p> <p>(ب) <math>\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ 2-x }{[x]+1}</math></p>					
۱	۱۵	<p>پیوستگی تابع زیر را در <math>x=0</math> بررسی کنید.</p> <p><math>f(x) = \begin{cases} \sin x + \cos x &amp; x &lt; 0 \\ \sqrt{2} &amp; x = 0 \\ x^3 + 1 &amp; x &gt; 0 \end{cases}</math></p>					
۱.۰۵	۱۶	<p>در پرتاب دو تاس با هم، دو پیشامد <math>B</math> و <math>A</math> را به صورت زیر تعریف می‌کنیم:</p> <p><math>A</math>: مجموع عددی رو شده برابر باشد.  <math>B</math>: عددی رو شده برابر باشد.</p> <p>الف) احتمال <math>P(B A)</math> را بدست آورید.</p> <p>ب) آیا دو پیشامد <math>B</math> و <math>A</math> مستقل هستند؟ چرا؟</p>					
۱.۵	۱۷	<p>دردادهای ۱۴، ۲۶، ۸۷، ۲۳، ۱۴ و ۲۰</p> <p>الف) چارک سوم را بدست آورید.</p> <p>ب) ضریب تغییرات داده‌ها را محاسبه کنید.</p>					

**راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضی (۲)**

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۸      ب) نادرست (۰/۲۵) ص ۵۰      پ) درست (۰/۲۵) ص ۹۳	۰/۷۵
۲	الف) ۶۳ (۰/۲۵) ص ۱۵۹      ب) منفی (۰/۲۵) ص ۱۷      پ) (۰, +\infty) ص ۱۰۳      ت) چهارم (۰/۲۵) ص ۷۳	۱
۳	$r = \frac{ 12+3 }{\sqrt{16+9}} = \frac{15}{5} = 3$ $S = 9\pi (0/25)$ صفحه ۹	۰/۷۵
۴	<p>الف) صفحه ۱۳ راه حل اول:  <math>S = \frac{2-\sqrt{3}}{5} + \frac{2+\sqrt{3}}{5} = \frac{4}{5}</math> (۰/۲۵)      <math>P = \left(\frac{2-\sqrt{3}}{5}\right)\left(\frac{2+\sqrt{3}}{5}\right) = \frac{1}{25}</math> (۰/۲۵)      <math>x^2 - \frac{4}{5}x + \frac{1}{25} = 0</math> (۰/۲۵)          توجه: هر مضرب غیر صفر از معادله بالا صحیح است.          راه حل دوم:  <math>(x - \frac{2-\sqrt{3}}{5})(x - \frac{2+\sqrt{3}}{5}) = x^2 - \frac{4}{5}x + \frac{1}{25} = 0</math> (۰/۷۵)          توجه: هر مضرب غیر صفر از معادله بالا صحیح است.</p> <p>ب) صفحه ۲۳</p> $\sqrt{x+2} = x-4 \Rightarrow x+2 = x^2 - 8x + 16 \Rightarrow x^2 - 9x + 14 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=7 & (0/25) \\ x=2 & \text{غ ق ق} (0/25) \end{cases}$ توجه: اگر دانش آموزی برای $x=2$ غ ق را مشخص نکرده است $0/25$ آخر تعلق نمی‌گیرد.	۱/۷۵
۵	<p>صفحه ۴۱</p> $\frac{x+2}{2x+9} = \frac{x}{2x+4} \Rightarrow x = 8 \quad (0/5)$ (چنانچه دانش آموز برای به دست آوردن $x$ از تعمیم تالس کمک گرفته به تناسب پاسخ، نمره تعلق گیرد). $\frac{x}{3x+4} = \frac{y}{14} \Rightarrow \frac{8}{28} = \frac{y}{14} \Rightarrow y = 4 \quad (0/5)$	۱
۶	الف) صفحه ۴۶	۱
	$C_1 = C_1 \quad (0/25)$ $B = E \quad (0/25)$ } $\Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle CDE$	

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳

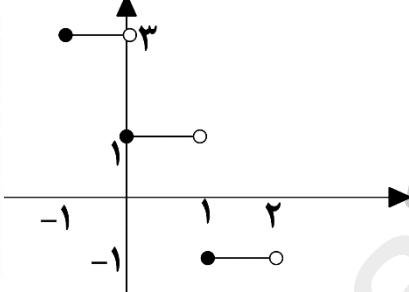
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

## راهنمای تصحیح

ردیف

ردیف	ردیف	ردیف
	۴۶ صفحه راه حل اول: $\frac{BC}{CE} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{X}{V-X} = \frac{3}{4} \Rightarrow X = 3(0/25)$ $\underbrace{(0/25)}_{BC+CE}$  راه حل دوم: $\frac{BC}{CE} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{BC}{\underbrace{BC+CE}_{V}} = \frac{3}{V} \Rightarrow BC = 3(0/5)$	۴۶ صفحه
۰/۷۵	۰/۷۵ 	۵۶ صفحه به رسم درست هر پاره خط ۰/۲۵ نمره تعلق گیرد
۲	$(0/25) \in f \Rightarrow 0 = \frac{5}{3}a + 4 \quad (0/25) \Rightarrow a = \frac{3}{5} \quad (0/25)$ $y = \frac{3}{5}x + 4 \Rightarrow y - 4 = \frac{3}{5}x \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{5}{3}(x - 4)$ $\underbrace{(0/5)}_{f^{-1}}$	۶۴ صفحه الف) توجه: جواب $f^{-1}(x) = \frac{5x - 20}{3}$ برای وارون تابع نیز صحیح است. ب) صفحه ۶۹
۱/۷۵	$D_f = \mathbb{R} \quad (0/25) \quad D_f = \mathbb{R} - \{3\} \quad (0/25) \quad D_g = \mathbb{R} - \{3, -\frac{4}{5}\} \quad (0/25)$ $g(x) = \frac{x+1}{5x+4} = \frac{(x+1)(x-3)}{5x+4} \quad (0/25)$	۷۴ صفحه الف) صفحه ۷۴
	$15^\circ = \frac{\pi}{12} \quad (0/25) \quad L = 9 \times \frac{\pi}{12} = \frac{3\pi}{4} \quad (0/25)$	۹

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: علوم تجربی
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	تعداد صفحه:	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	صفحه	راهنمای تصحیح	نمره
	۸۷	$\tan\left(\frac{8\pi}{3}\right) = -\sqrt{3}$ (۰/۲۵) , $\cos\left(-\frac{3\pi}{4}\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۰/۲۵) $\sin(660^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۰/۲۵) , $\cot(-300^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{3}$ (۰/۲۵) $A = \frac{\sqrt{6}}{2} - \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{6}-1}{2}$ (۰/۲۵)	
۰/۷۵	۹۳	رسم شکل (۰/۷۵)	۱۰
۱/۵	۱۰۴	$\underbrace{2^{-8x+4}}_{(0/25)} = \underbrace{2^{5-5x}}_{(0/25)} \Rightarrow -8x + 4 = 5 - 5x \Rightarrow x = \frac{-1}{3}$ (۰/۲۵)	۱۱
	۱۱۳	راه حل اول: $\log_r(x^r - 1) - \log_r(x + 3) = 1 \Rightarrow \underbrace{\log_r\left(\frac{x^r - 1}{x + 3}\right)}_{(0/25)} = 1 \Rightarrow \underbrace{\frac{x^r - 1}{x + 3}}_{(0/25)} = r$ $\Rightarrow x^r - rx - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 5 & (0/25) \\ x = -2 & (0/25) \end{cases}$	
	راه حل دوم:	$\log_r(x^r - 1) = \log_r(3) + \log_r(x + 3) \Rightarrow \underbrace{\log_r(x^r - 1)}_{(0/25)} = \log_r(3x + 9)$ $\Rightarrow \underbrace{x^r - 1}_{(0/25)} = 3x + 9 \Rightarrow x^r - rx - 10 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 5 & (0/25) \\ x = -2 & (0/25) \end{cases}$	
	(مصحح به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره اختصاص دهد)		

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	الف) صفحه ۱۱۲ $\log\left(\frac{\sqrt{۲۷}}{۱۶}\right) = \underbrace{\log(\sqrt{۲۷})}_{(. / ۲۵)} - \log(۱۶) = \underbrace{\log(۳^{\frac{۳}{۲}})}_{(. / ۲۵)} - \log(۲^۴) = \frac{۳}{۲}n - ۴m$  ب) صفحه ۱۱۶ $b = -۲ \quad (. / ۲۵)$ $(۲ / ۵, ۰) \in f \Rightarrow ۰ = a + \log_۲(۲ / ۵ - ۲) \Rightarrow a + \log_۲(۲^{-۱}) = ۰ \quad (. / ۲۵)$ $\Rightarrow a - ۱ = ۰ \Rightarrow a = ۱ \quad (. / ۲۵)$	۱/۲۵
۱۳	صفحه ۱۴۱ و ۱۲۶ الف) وجود ندارد (. / ۲۵) ب) ۱ (. / ۲۵)	۰/۷۵
۱۴	الف) صفحه ۱۳۶ $\lim_{x \rightarrow ۲} \frac{(۲-x)(۴+۲x+x^۲)}{(x-۲)(x+۵)} = \lim_{x \rightarrow ۲} \frac{۴+۲x+x^۲}{-(x+۵)} = -\frac{۱۲}{۷} \quad (. / ۲۵)$  ب) صفحه ۱۳۶ $\lim_{x \rightarrow ۳^-} \frac{ ۲-x }{[x]+1} = \frac{۱}{۳} \quad (. / ۲۵)$	۱/۲۵
۱۵	صفحه ۱۴۲ $\lim_{x \rightarrow -} f(x) = \lim_{x \rightarrow -} (\sin x + \cos x) = ۱ \quad (. / ۲۵), \quad \lim_{x \rightarrow +} f(x) = \lim_{x \rightarrow +} (x^۲ + ۱) = ۱ \quad (. / ۲۵)$ $f(۰) = \sqrt{۲} \quad (. / ۲۵)$ $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow -} f(x) \neq f(۰) \Rightarrow f \text{ در صفر پیوسته نیست} \quad (. / ۲۵)$	۱
۱۶	الف) صفحه ۱۴۹ و ۱۴۵ راه حل اول: $A = \underbrace{\{(2,6), (6,2), (3,5), (5,3), (4,4)\}}_{(. / ۲۵)} \Rightarrow n(A) = ۵, \quad A \cap B = \underbrace{\{(4,4)\}}_{(. / ۲۵)} \Rightarrow n(A \cap B) = ۱$ $\Rightarrow P(B A) = \frac{۱}{۵} \quad (. / ۲۵)$	۱/۲۵

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

## راهنمای تصحیح

ردیف

نمره

راه حل دوم:

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{36}(0/25)}{\frac{5}{36}(0/25)} = \frac{1}{5}(0/25)$$

ب) صفحه ۱۴۹

راه حل اول:

$$P(B) = \underbrace{\frac{1}{6}}_{(0/25)} \neq P(B|A)$$

A و B مستقل نیستند (۰/۲۵)

راه حل دوم: استفاده از فرمول  $P(A \cap B) = P(A)P(B)$ 

$$\frac{5}{36} \times \frac{6}{36} \neq \frac{1}{36} (0/25)$$

A و B مستقل نیستند (۰/۲۵)

۱/۵

الف) صفحه ۱۶۱

۸ و ۱۱ و ۱۴ و ۲۰ و ۲۳ و ۲۶

$$Q_r = ۲۳ (0/25)$$

ب) صفحه ۱۶۰

$$\bar{x} = ۱۷ (0/25)$$

$$\sigma^2 = \frac{81+36+9+0+9+36+81}{7} = \frac{252}{7} = 36 (0/5)$$

$$\sigma = ۶ (0/25) \quad CV = \frac{6}{17} (0/25)$$

۲۰ جمع نمره

۱۷

همکاران گرامی، خدا قوت، تمام موارد در خور اهمیت جهت نمره‌گذاری در راهنمای تصحیح نوشته شده است، خواهشمند است جهت رعایت عدالت آموزشی، اوراق دانش آموزان، صرفاً بر اساس راهنمای مذکور تصحیح و بازبینی شوند.

با سپاس از مساعدت همکاران بزرگوار