

| | | | |
|--|---|---------------------|------------------------------|
| رشنده: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: ۸ صبح | نام و نام خانوادگی: | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه |
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه | تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۸ | تعداد صفحه: ۲ | |
| مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.mediu.ir | دانش آموزان روزانه سراسرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹ | | |
| نمره | سوالات پاسخ نامه دارد | | ردیف |

الف) بخش الزامی

دانش آموز عزیز به سوالات ۱ تا ۱۴ جهت کسب ۱۶ نمره پاسخ دهید.

| | | |
|------|--|----|
| ۱/۷۵ | <p>گزاره درست را اثبات کنید و برای گزاره نادرست، مثال نقض ارائه دهید.</p> <p>(الف) مجموع هر دو عدد گنگ، عددی گنگ است.</p> <p>(ب) اگر از مربع عددی فرد یک واحد کم کنیم، حاصل همواره بر ۸ بخش پذیر است.</p> | ۱ |
| ۱/۲۵ | <p>اگر باقیمانده تقسیم عدد a بر ۴ برابر ۳ باشد، در این صورت باقیمانده تقسیم عدد $2a+3$ بر ۸ را به دست آورید.</p> | ۲ |
| ۱ | $n = 5$ یا $n \in N$ ، $n 7k+6$ و $n 9k+7$. ثابت کنید | ۳ |
| ۱/۵ | <p>باقیمانده تقسیم 7^m بر ۱۵ را به دست آورید.</p> | ۴ |
| ۱/۲۵ | <p>معادله همنهشتی $5x \equiv 2 \pmod{7}$ را حل کرده و جواب عمومی آن را بنویسید.</p> | ۵ |
| ۱ | <p>جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>(الف) مجموع درجه های رأس های هر گراف تعداد یال ها است.</p> <p>(ب) در یک گراف k-منتظم، ماکریم درجه رأس برابر با است.</p> <p>(پ) در بین تمام مجموعه های احاطه گر گراف G ، مجموعه یا مجموعه های احاطه گری که کمترین تعداد عضو را دارند، مجموعه احاطه گر گراف G می نامیم.</p> <p>(ت) یک مجموعه احاطه گر را که با حذف هر یک از رأس هایش، دیگر احاطه گر نباشد، احاطه گر می نامیم.</p> | ۶ |
| ۱/۲۵ | <p>گراف G را در نظر گرفته و به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>(الف) $N_G[a]$ را با اعضا مشخص کنید.</p> <p>(ب) یک دور به طول ۴ در این گراف مشخص کنید.</p> <p>(پ) یک مسیر به طول ۳ و یک مسیر به طول ۴ از a به c بنویسید.</p> | ۷ |
| ۰/۷۵ | <p>در گراف G، درجه رأس ۷ برابر با ۹ است و درجه رأس ۷ در گراف \bar{G} برابر با ۱۲ است. مرتبه گراف G را مشخص کنید.</p> | ۸ |
| ۱ | <p>گرافی ۶ رأسی با عدد احاطه گری ۲ رسم کنید، به طوری که:</p> <p>(الف) مجموعه احاطه گر یکتا با اندازه ۲ داشته باشد.</p> <p>(ب) بیش از یک مجموعه احاطه گر با اندازه ۲ داشته باشد.</p> | ۹ |
| ۱/۲۵ | <p>عدد احاطه گری گراف زیر را مشخص و ادعای خود را ثابت کنید.</p> | ۱۰ |
| ۰/۷۵ | <p>با ارقام عدد ۴، ۳، ۲، ۲، ۱، ۱، ۲، ۲، ۱ چند عدد ۷ رقمی می توان نوشت.</p> | ۱۱ |
| ۱/۲۵ | <p>به چند طریق می توان از بین ۵ نوع گل، ۱۱ شاخه گل انتخاب کرد، اگر بخواهیم، از گل نوع دوم حداقل ۲ شاخه و از گل نوع پنجم بیش از ۳ شاخه انتخاب کنیم.</p> | ۱۲ |

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

| | | | |
|--|---|---------------------|------------------------------|
| رشنده: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: ۸ صبح | نام و نام خانوادگی: | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه |
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه | تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۸ | تعداد صفحه: ۲ | |
| مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir | دانش آموزان روزانه سراسرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹ | | |
| نمره | سوالات پاسخ نامه دارد | | |

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|--|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| ۱ | <table border="1"> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۴</td><td>۳</td></tr> <tr><td>۴</td><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> <tr><td>۳</td><td>۴</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td></tr> </table> | ۲ | ۱ | ۴ | ۳ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ | ۳ | ۴ | ۱ | ۲ | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | مربع لاتین مقابل را در نظر بگیرید و با اعمال یک جایگشت بر روی $1, 2, 3, 4$ یک مربع لاتین جدید به دست آورید. | ۱۳ |
| ۲ | ۱ | ۴ | ۳ | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۴ | ۳ | ۲ | ۱ | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۳ | ۴ | ۱ | ۲ | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | | در هر مورد متعامد بودن دو مربع لاتین داده شده را بررسی کنید. | ۱۴ | | | | | | | | | | | | | | | | |

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|-----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|-------|
| <table border="1"> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td></tr> <tr><td>۳</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۳</td><td>۱</td></tr> </table> | ۱ | ۲ | ۳ | ۳ | ۱ | ۲ | ۲ | ۳ | ۱ | <table border="1"> <tr><td>۳</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۳</td><td>۱</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td></tr> </table> | ۳ | ۱ | ۲ | ۲ | ۳ | ۱ | ۱ | ۲ | ۳ | (ب) | <table border="1"> <tr><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۳</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۳</td></tr> </table> | ۳ | ۲ | ۱ | ۱ | ۳ | ۲ | ۲ | ۱ | ۳ | <table border="1"> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۳</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۳</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> </table> | ۲ | ۱ | ۳ | ۱ | ۳ | ۲ | ۳ | ۲ | ۱ | (الف) |
| ۱ | ۲ | ۳ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۳ | ۱ | ۲ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۲ | ۳ | ۱ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۳ | ۱ | ۲ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۲ | ۳ | ۱ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | ۲ | ۳ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۳ | ۲ | ۱ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | ۳ | ۲ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۲ | ۱ | ۳ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۲ | ۱ | ۳ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | ۳ | ۲ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۳ | ۲ | ۱ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

ب) بخش انتخابی

دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره از سوالات ۱۵ تا ۲۲ فقط ۴ سوال را به دلخواه انتخاب کرده و پاسخ دهد.

| | | | |
|----|----------|--|----|
| ۱ | | اگر x و y دو عدد حقیقی مثبت باشند، ثابت کنید $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2$. | ۱۵ |
| ۱ | | گراف G ، ۶ رأسی - منظم است. | ۱۶ |
| ۱ | | الف) اندازه گراف G را بیابید. ب) نمودار گراف G رارسم کنید. | |
| ۱ | | ثابت کنید تعداد رأسهای فرد هر گراف، عددی زوج است. | ۱۷ |
| ۱ | | ۴ دانش آموز پایه دهم و ۳ دانش آموز پایه یازدهم، به چند طریق می‌توانند در یک ردیف قرار گیرند، به طوری که: الف) هیچ دو دانش آموز هم پایه کنار هم نباشند. ب) همواره دانش آموزان پایه دهم کنار هم باشند. | ۱۸ |
| ۱ | | به چند طریق می‌توان ۴ خودکار متفاوت را بین ۸ نفر توزیع کرد به شرط آن که هیچ کس بیشتر از یک خودکار نداشته باشد؟ (به هر نفر حداقل یک خودکار داده باشیم). | ۱۹ |
| ۱ | | در بین اعداد طبیعی مانند n ، به طوری که $1 \leq n \leq 100$ ، چند عدد وجود دارد که بر ۶ یا ۱۰ بخش پذیر است؟ | ۲۰ |
| ۱ | | در یک اردوی دانش آموزی حداقل چند دانش آموز حضور داشته باشند تا اطمینان داشته باشیم که لااقل ۷ نفر از آنها ماه تولد یکسانی دارند؟ | ۲۱ |
| ۱ | | قرار است سه کارگر W_1, W_2, W_3 در سه روز متوالی با سه ماشین نخریسی و با ۳ نوع الیاف کار کنند، به گونه‌ای که هر کارگر با هر نوع ماشین و هر نوع الیاف دقیقاً یک بار کار کرده باشد و نیز هر الیاف در هر ماشین دقیقاً یک بار به کار رفته باشد. برای این منظور برنامه‌ریزی کنید. | ۲۲ |
| ۲۴ | جمع نمره | "موفق باشید" | |

| | | | |
|---|-------------------|--|-----------------------|
| راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته | رشته: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: 8 صبح | مدت امتحان: 120 دقیقه |
| تاریخ امتحان: 1399/04/08 | | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | |
| مرکز سنجش و پیش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir | | دانش آموزان روزانه سراسر کشور خرداد ماه سال 1399 | |

| | | |
|------|---------------|------|
| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---------------|------|

پاسخ سوالات الزامی

| | | |
|----|--|------|
| 1 | الف) نادرست (0/25) $\sqrt{2}, -\sqrt{2} \in Q^C$ (0/25) ، $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0 \notin Q^C$ (0/25) ب) درست (0/25) $(2k+1)^2 - 1 = \underbrace{4k^2 + 4k + 1}_{(0/25)} - 1 = \underbrace{4k(k+1)}_{(0/25)} = 4 \times 2q = 8q$ (0/25) | 1/75 |
| 2 | $a = 4q + 3$ (0/25) $\Rightarrow 2a + 3 = \underbrace{8q + 9}_{(0/25)} = \underbrace{8(q+1) + 1}_{(0/25)} = 8q' + 1$ (0/25) $\Rightarrow r = 1$ (0/25) | 1/25 |
| 3 | $n 9k + 7 \times (-7)$ (0/25) $n 7k + 6 \times 9$ (0/25) $\Rightarrow n -63k - 49 + 63k + 54$ (0/25) $\Rightarrow n 5$ (0/25) $\xrightarrow{n \in N} n = 1$ یا 5 (0/25) (مثال صفحه 12) | 1 |
| 4 | $7^2 = 49 \equiv 4$ (0/25) $\Rightarrow 7^4 \equiv 16 \equiv 1$ (0/5) $\Rightarrow 7^{28} \equiv 1$ (0/25) $\xrightarrow{\times 7^2 \equiv 4} 7^{30} \equiv 4$ (0/25) (مشابه سوال 8 و 9 صفحه 29) | 1/5 |
| 5 | $2 \equiv 35$ (0/25) $\Rightarrow 5x \equiv 35$ (0/25) $\xrightarrow{(5,11)=1} x \equiv 7$ (0/25) $\Rightarrow x = 11k + 7$ (0/25) | 1/25 |
| 6 | الف) دو برابر (0/25) (نتیجه ابتدای صفحه 40) ب) (0/25) (تعریف گراف منظم صفحه 35) ت) مینیمال (0/25) (تعریف صفحه 44) پ) مینیمم (0/25) (تعریف صفحه 46) | 1 |
| 7 | الف) $N_G[a] = \{a, b, e, d\}$ (0/5) (مشابه مثال صفحه 36) ب) دور به طول 4 (0/25) (تعریف دور صفحه 38) a, b, e, d, a نوشته، نمره داده شود. پ) مسیر به طول 3. (0/25) و مسیر به طول 4 (0/25) a, e, b, c (مشابه مثال صفحه 38) | 1/25 |
| 8 | $\deg_G(v) + \deg_{\bar{G}}(v) = p - 1$ (0/25) $\Rightarrow 9 + 12 = p - 1$ (0/25) $\Rightarrow p = 22$ (0/25) | 0/75 |
| 9 | الف) گراف رو به رو از مرتبه 6 و دارای تنها یک مجموعه احاطه‌گریکتا $\{a, b\}$ است. (رسم گراف) (0/25) (تمرین 9 صفحه 53) ب) گراف مقابله دارای سه مجموعه احاطه‌گری به اندازه 2 است که عبارتند از: $\{a, d\}, \{f, c\}, \{e, b\}$ (ذکر یک مجموعه کافی است). (رسم گراف) (0/25) | 1 |
| 10 | برای گراف مورد سوال داریم $\gamma(G) = 3$. از طرفی مجموعه $\{g, h, d\}$ یک مجموعه احاطه‌گر برای گراف است (0/25). لذا $3 \leq \gamma(G) \leq 3$. بنابراین $\gamma(G) = 3$ (0/25). (قسمت دوم کار در کلاس صفحه 50) | 1/25 |
| 11 | $\frac{7!}{2! \times 3!} (0/5) = 42^\circ$ (0/25) | 0/75 |
| 12 | (قسمت پ تمرین 8 صفحه 71) $x_1 + \dots + x_5 = 11$ ، $x_2 \geq 2$ ، $x_5 \geq 4$ (0/25) $x_1 + y_2 + 2 + x_3 + x_4 + y_5 + 4 = 11$ (0/25) $\Rightarrow x_1 + y_2 + x_3 + x_4 + y_5 = 5$ (0/25) \Rightarrow جواب $\binom{5+5-1}{5-1} = \binom{9}{4}$ (0/5) | 1/25 |

ادامه پاسخها در صفحه دوم

| | | | |
|--|-------------------|---|-----------------------|
| راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستره | رشته: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: 8 صبح | مدت امتحان: 120 دقیقه |
| تاریخ امتحان: 1399/04/08 | | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | |
| مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir | | دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال 1399 | |

| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|------|--|--|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 13 | <p>با استفاده از جایگشت ۱ → ۲, ۲ → ۳, ۳ → ۴, ۴ → ۱ (۰/۵) مربع لاتین به صورت (مشابه تمرين ۱۲ صفحه ۷۲)</p> <p>(برای جایگشت‌های دیگر نیز بارم مناسب در نظر بگیرید).</p> | <table border="1"> <tr><td>3</td><td>2</td><td>1</td><td>4</td></tr> <tr><td>1</td><td>4</td><td>3</td><td>2</td></tr> <tr><td>4</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>1</td></tr> </table> <p>(۰/۵)</p> | 3 | 2 | 1 | 4 | 1 | 4 | 3 | 2 | 4 | 1 | 2 | 3 | 2 | 3 | 4 | 1 | | |
| 3 | 2 | 1 | 4 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 1 | 4 | 3 | 2 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 4 | 1 | 2 | 3 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 2 | 3 | 4 | 1 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 14 | <p>متعادند. زیرا عدد دو رقمی تکراری در مربع وجود ندارد. (۰/۲۵)</p> <p>متعادند. زیرا عدد دو رقمی تکراری در مربع وجود دارد. (۰/۲۵)</p> | <table border="1"> <tr><td>13</td><td>21</td><td>32</td></tr> <tr><td>32</td><td>13</td><td>21</td></tr> <tr><td>21</td><td>32</td><td>13</td></tr> </table> <p>(۰/۲۵)</p> <table border="1"> <tr><td>32</td><td>21</td><td>13</td></tr> <tr><td>11</td><td>33</td><td>22</td></tr> <tr><td>23</td><td>12</td><td>31</td></tr> </table> <p>(الف)</p> | 13 | 21 | 32 | 32 | 13 | 21 | 21 | 32 | 13 | 32 | 21 | 13 | 11 | 33 | 22 | 23 | 12 | 31 |
| 13 | 21 | 32 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 32 | 13 | 21 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 21 | 32 | 13 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 32 | 21 | 13 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 11 | 33 | 22 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 23 | 12 | 31 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

پاسخ سوالات اختیاری

| | | |
|----|---|---|
| 15 | $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2 \Leftrightarrow \frac{x^2 + y^2}{xy} \geq 2 \quad (0/25) \Leftrightarrow x^2 + y^2 \geq 2xy \quad (0/25) \Leftrightarrow (x - y)^2 \geq 0 \quad (0/25)$ <p>چون رابطه آخر درست است، پس با بازگشت روابط، حکم مسئله درست است. (۰/۲۵)</p> | ۱ |
| 16 | <p>الف) $3 \times 6 = 2q \Rightarrow q = 9 \quad (0/5)$</p> <p>ب) رسم یکی از گراف‌های زیر کافی است. (۰/۵)</p>  | 1 |
| 17 | <p>فرض کنیم G یک گراف و A مجموعه همه رؤوس فرد G و B مجموعه همه رؤوس زوج گراف G باشد. در این صورت داریم: $\sum_{v \in B} \deg(v) = 2k$ و $\sum_{v \in V(G)} \deg(v) = 2q \quad (0/25)$. از طرفی $\sum_{v \in V(G)} \deg(v) = \sum_{v \in A} \deg(v) + \sum_{v \in B} \deg(v) \quad (0/25)$ لذا $\sum_{v \in A} \deg(v) = 2q - 2k \quad (0/25)$ می‌دانیم تعدادی زوج عدد فرد، حاصل زوج را تولید می‌کنند بنابراین تعداد اعضای A باید زوج باشد. (۰/۲۵) (صفحه ۴۰)</p> | 1 |
| 18 | <p>الف) $4! \times 3! \quad (0/5)$ (مشابه مثال صفحه ۵۷)</p> | 1 |
| 19 | <p>تعداد حالت‌های ممکن برای انجام این کار معادل است با پیدا کردن تعداد تابع‌های یک به یک از مجموعه ۴ عضوی به مجموعه‌ای ۸ عضوی (۰/۲۵)، یعنی: $(8)_4 = \frac{8!}{4!} = 168 \quad (0/5)$ (مشابه پایین صفحه ۷۸)</p> | 1 |
| 20 | <p>$A = \{n \in N \mid 1 \leq n \leq 100, n = 6k\} \Rightarrow A = \left[\frac{100}{6} \right] = 16 \quad (0/25)$ (مشابه کار در کلاس صفحه ۷۶)</p> <p>$B = \{n \in N \mid 1 \leq n \leq 100, n = 10k\} \Rightarrow B = \left[\frac{100}{10} \right] = 10 \quad (0/25)$</p> <p>$A \cap B = \{n \mid 1 \leq n \leq 100, n = 30k\} \Rightarrow A \cap B = \left[\frac{100}{30} \right] = 3 \quad (0/25) \Rightarrow A \cup B = 16 + 10 - 3 = 23 \quad (0/25)$</p> | 1 |

ادامه پاسخ‌ها در صفحه سوم

| | | | |
|--|-------------------|------------------|--|
| راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته | رشته: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: 8 صبح | مدت امتحان: 120 دقیقه |
| پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه | | | تاریخ امتحان: 1399/04/08 |
| دانش آموزان روزانه سراسر کشور خرداد ماه سال 1399 | | | مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir |

| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---|------|
| 21 | در این مسئله $6 = k + 1 \Rightarrow k = 5$ و تعداد لانه ها 12 است ($0/25$). پس تعداد کبوترها یا معادل با آن تعداد دانش آموزان حداقل می بایست $73 = 6 \times 12 + 1$ باشد. ($0/5$) (مثال صفحه 82) | 1 |
| 22 | برای برنامه ریزی دو مربع لاتین متعامد در نظر بگیریم. مربع A مربوط به ماشین ها و مربع B مشخص کننده الیاف است. (سوال 14 صفحه 72) | 1 |
| | $\begin{array}{ccc} W_1 & W_2 & W_3 \\ \begin{matrix} \text{روز اول} \\ \text{روز دوم} \\ \text{روز سوم} \end{matrix} & \begin{matrix} \text{روز اول} \\ \text{روز دوم} \\ \text{روز سوم} \end{matrix} & \begin{matrix} \text{روز اول} \\ \text{روز دوم} \\ \text{روز سوم} \end{matrix} \\ \left(\begin{array}{ccc} 1 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \end{array} \right) & = A & \left(\begin{array}{ccc} 2 & 1 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \end{array} \right) = B \Rightarrow \begin{matrix} \text{روز اول} \\ \text{روز دوم} \\ \text{روز سوم} \end{matrix} & \begin{matrix} \text{روز اول} \\ \text{روز دوم} \\ \text{روز سوم} \end{matrix} \\ (0/25) & (0/5) & (0/25) & \left(\begin{array}{ccc} 12 & 31 & 23 \\ 33 & 22 & 11 \\ 21 & 13 & 32 \end{array} \right) \end{array}$ <p>عدد سمت چپ هر درآید نشان دهنده ماشین و عدد سمت راست آن مشخص کننده نوع الیاف است.</p> | |
| 20 | جمع نمره | |

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»